



石家莊鐵道大學
SHIJIAZHUANG TIEDAO UNIVERSITY

在线开放课程

MATLAB数据统计分析

数据插值与拟合

主讲：卞建鹏

1、数据的平滑处理

yy = smooth(y)

yy = smooth(y,span) %span: 滤波器的窗宽

yy = smooth(y,method)

yy = smooth(y,span,method)

yy = smooth(y,'sgolay',degree)

yy = smooth(y,span,'sgolay',degree)

yy = smooth(x,y,...)

1、数据的平滑处理

产生一系列正弦波信号，加入噪声信号，然后调用smooth函数对加入噪声的正弦波进行滤波（平滑处理）

```
>> t = linspace(0,2*pi,500)';
```

```
>> y = 100*sin(t);
```

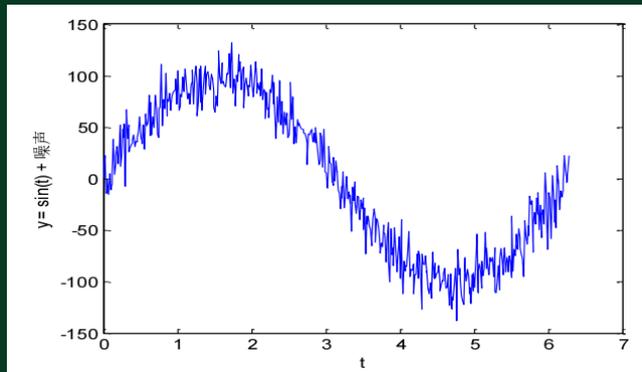
```
>> noise = normrnd(0,15,500,1);
```

```
>> y = y + noise;
```

```
>> plot(t,y);
```

```
>> xlabel('t');
```

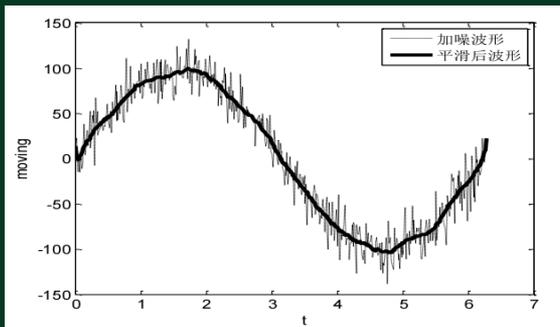
```
>> ylabel('y = sin(t) + 噪声');
```



1、数据的平滑处理

(1) 移动平均法

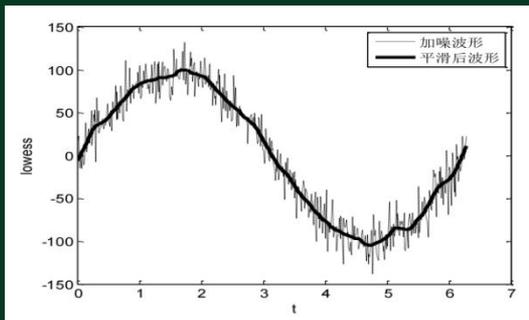
```
>> yy1 = smooth(y,30);  
>> figure;  
>> plot(t,y,'k:');  
>> hold on;  
>> plot(t,yy1,'k','linewidth',3);  
>> xlabel('t');  
>> ylabel('moving');  
>> legend('加噪波形','平滑后波形');
```



1、数据的平滑处理

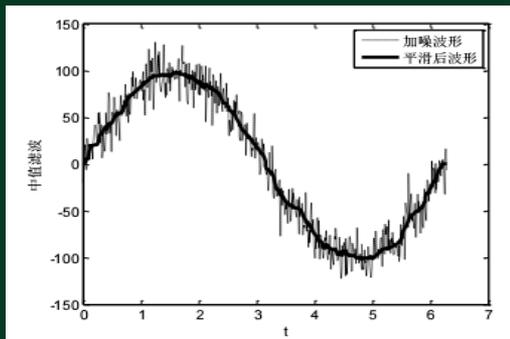
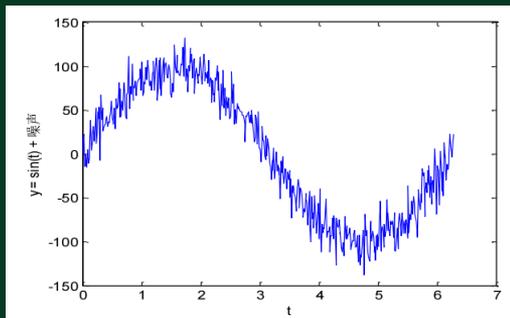
(2) lowess方法

```
>> yy2 = smooth(y,30,'lowess');  
>> figure;  
>> plot(t,y,'k:');  
>> hold on;  
>> plot(t,yy2,'k','linewidth',3);  
>> xlabel('t');  
>> ylabel('lowess');  
>> legend('加噪波形','平滑后波形');
```



1、数据的平滑处理

```
>> yy = medfilt1(y,30);  
>> figure;  
>> plot(t,y,'k:');  
>> hold on  
>> plot(t,yy,'k','LineWidth',3);  
>> xlabel('t');  
>> ylabel('中值滤波');  
>> legend('加噪波形','平滑后波形');
```



2、数据的标准化变换

$$\mathbf{Z} = \text{zscore}(\mathbf{X})$$

$$[\mathbf{Z}, \mu, \sigma] = \text{zscore}(\mathbf{X})$$

$$[\dots] = \text{zscore}(\mathbf{X}, 1)$$

$$[\dots] = \text{zscore}(\mathbf{X}, \text{flag}, \text{dim})$$

标准化变换公式

$$\mathbf{X} = \begin{pmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1p} \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2p} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ x_{n1} & x_{n2} & \cdots & x_{np} \end{pmatrix}, \quad \mathbf{X}^* = \begin{pmatrix} x_{11}^* & x_{12}^* & \cdots & x_{1p}^* \\ x_{21}^* & x_{22}^* & \cdots & x_{2p}^* \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ x_{n1}^* & x_{n2}^* & \cdots & x_{np}^* \end{pmatrix},$$

$$x_{ij}^* = \frac{x_{ij} - \bar{x}_j}{\sqrt{s_{jj}}}, \quad i = 1, 2, \dots, n, \quad j = 1, 2, \dots, p,$$

$$\bar{x}_j = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_{ij}, \quad \sqrt{s_{jj}} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_{ij} - \bar{x}_j)^2}, \quad j = 1, 2, 3, \dots, p.$$

2、数据的标准化变换

调用rand函数产生随机矩阵，然后调用zscore函数将其按列标准化。

```
>> x = [rand(3,1), 5*rand(3,1), 10*rand(3,1)]
```

```
>> [xz,mu,sigma] = zscore(x)
```

```
>> s=std(xz)    %标准差
```

```
x =  
  
    0.6948    0.1722    7.6552  
    0.3171    2.1937    7.9520  
    0.9502    1.9078    1.8687
```

```
xz =  
  
    0.1280   -1.1448    0.5335  
   -1.0578    0.7031    0.6201  
    0.9298    0.4417   -1.1536
```

```
s =  
  
    1.0000    1.0000    1.0000
```

2、数据的标准化变换

数据的极差归一化变换

```
>> data = [1 2 3;4 2 4;5 8 6];
```

```
[m,n]=size(data);
```

```
X = max(data); Y = min(data);
```

```
yy = repmat(Y, [m,1]) ;
```

```
x = (data-yy)./(X-Y)
```

```
data =
```

```
1     2     3
4     2     4
5     8     6
```

```
x =
```

```
0     0     0
0.7500    0    0.3333
1.0000    1.0000    1.0000
```

$$\mathbf{X} = \begin{pmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1p} \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2p} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ x_{n1} & x_{n2} & \cdots & x_{np} \end{pmatrix}, \quad \mathbf{X}^R = \begin{pmatrix} x_{11}^R & x_{12}^R & \cdots & x_{1p}^R \\ x_{21}^R & x_{22}^R & \cdots & x_{2p}^R \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ x_{n1}^R & x_{n2}^R & \cdots & x_{np}^R \end{pmatrix},$$

$$x_{ij}^R = \frac{x_{ij} - \min_{1 \leq k \leq n} x_{kj}}{\max_{1 \leq k \leq n} x_{kj} - \min_{1 \leq k \leq n} x_{kj}}, \quad i = 1, 2, \dots, n, \quad j = 1, 2, \dots, p,$$

2、数据的标准化变换

读取Excel数据文件，去除有缺失数据的行

```
>> data = xlsread('Excel数据文件.xlsx')
```

```
>> A = isnan(data)    % data中有非数（NaNs，比如0/0），  
                        则取1，否则取0；
```

```
命令行窗口  
>> data = xlsread('Excel数据文件.xlsx')  
  
data =  
  
    1.0000    168.4000    74.2000    686.0000  
    2.0000    162.3000         NaN    275.0000  
    3.0000         NaN    63.8000    867.0000  
    4.0000    169.8000    48.7000    327.0000  
    5.0000    174.0000    71.5000         NaN  
    6.0000    161.9000    52.1000    625.0000
```

```
>> isnan(data)  
  
ans =  
  
6×4 logical 数组  
  
    0    0    0    0  
    0    0    1    0  
    0    1    0    0  
    0    0    0    0  
    0    0    0    1  
    0    0    0    0
```

| | A | B | C | D |
|---|----|-------|------|-----|
| 1 | 序号 | 身高 | 体重 | 肺活量 |
| 2 | 1 | 168.4 | 74.2 | 686 |
| 3 | 2 | 162.3 | | 275 |
| 4 | 3 | | 63.8 | 867 |
| 5 | 4 | 169.8 | 48.7 | 327 |
| 6 | 5 | 174 | 71.5 | |
| 7 | 6 | 161.9 | 52.1 | 625 |
| 8 | | | | |

读取Excel数据文件，去除有缺失数据的行

>> id = any(A, 2) %对A的行向量判断，如果有非零数，则取1，
否则取0。

>> D = data(~id,:)

| | A | B | C | D |
|---|----|-------|------|-----|
| 1 | 序号 | 身高 | 体重 | 肺活量 |
| 2 | 1 | 168.4 | 74.2 | 686 |
| 3 | 2 | 162.3 | | 275 |
| 4 | 3 | | 63.8 | 867 |
| 5 | 4 | 169.8 | 48.7 | 327 |
| 6 | 5 | 174 | 71.5 | |
| 7 | 6 | 161.9 | 52.1 | 625 |
| 8 | | | | |

```
>> isnan(data)
```

```
ans =
```

```
6×4 logical 数组
```

```
0 0 0 0
0 0 1 0
0 1 0 0
0 0 0 0
0 0 0 1
0 0 0 0
```

```
>> id = any(A, 2)
```

```
id =
```

```
6×1 logical 数组
```

```
0
1
1
0
1
0
```

```
>> D = data(~id,:)
```

```
D =
```

```
1.0000 168.4000 74.2000 686.0000
4.0000 169.8000 48.7000 327.0000
6.0000 161.9000 52.1000 625.0000
```

3、数据插值

通过 $y=f(x)$ 的数据点 $(x_1,y_1),(x_2,y_2),\dots,(x_n,y_n)$ 构造通过这些数据点，并且光滑的函数 $y=g(x)$ 。数据点越密集， $g(x)$ 与 $f(x)$ 越接近。

根据自变量个数，插值分为：一维、二维、多维插值。

根据插值函数不同，插值分为：线性插值、最近点插值、多项式插值、三次样条插值等。

Matlab提供了一维、二维、N维插值函数 interp1 ， interp2 ， interpN 以及三次样条插值函数 spline 。

3、数据插值

一维数据插值（单变量函数）

$$Y1=interp1(X,Y,X1,'method')$$

函数根据X, Y的值，计算函数在X1处的值。X, Y是两个等长的已知向量，分别描述采样点和样本值，X1是一个向量或标量，描述欲插值的点，Y1是一个与X1等长的插值结果。

method是插值方法，允许的取值有linear（线性插值，为默认的插值方法）、nearest（最近点插值）、cubic（三次多项式插值）、spline（三次样条插值）。

一维数据插值（单变量函数）

例：用不同的插值方法计算 $y=\sin(x)$ 在 $\pi/2$ 点的值。

```
x=0:0.2:pi;
```

```
y=sin(x);
```

```
s1=interp1(x,y,pi/2)
```

```
s1 =  
0.9975
```

```
s2=interp1(x,y,pi/2,'linear')
```

```
s2 =  
0.9975
```

```
s3=interp1(x,y,pi/2,'nearest')
```

```
s3 =  
0.9996
```

```
s4=interp1(x,y,pi/2,'cubic')
```

```
s4 =  
0.9992
```

```
s5=interp1(x,y,pi/2,'spline')
```

```
s5 =  
1.0000
```

例:某观测站测得某日6:00时至18:00时之间每隔2小时的室内外温度(°C), 用3次样条插值分别求得该日室内外6:30至17:30时之间每隔2小时各点的近似温度(°C)。

设时间变量 h 为一行向量, 温度变量 t 为一个两列矩阵, 其中第一列存放室内温度, 第二列储存室外温度。

$h = 6:2:18;$

$t = [18, 20, 22, 25, 30, 28, 24 ; 15, 19, 24, 28, 34, 32, 30]';$

$XI = 6.5:2:17.5$

$YI = \text{interp1}(h, t, XI, 'spline')$

YI =

| | |
|---------|---------|
| 18.5020 | 15.6553 |
| 20.4986 | 20.3355 |
| 22.5193 | 24.9089 |
| 26.3775 | 29.6383 |
| 30.2051 | 34.2568 |
| 26.8178 | 30.9594 |

3、数据插值

二维数据插值

$Z1=interp2(X,Y,Z,X1,Y1,'method')$

其中 X,Y 是两个向量，分别描述两个参数的采样点， Z 是与参数采样点对应的函数值， $X1,Y1$ 是两个向量或标量，描述欲插值的点。 $Z1$ 是根据相应的插值方法得到的插值结果。 $method$ 的取值与一维插值函数相同。 X,Y,Z 也可以是矩阵形式。

同样， $X1,Y1$ 的取值范围不能超出 X,Y 的给定范围，否则，会给出“NaN”错误。

例:某实验对一根长10米的钢轨进行热源的温度传播测试。用 x 表示测量点 $0:2.5:10$ (米),用 h 表示测量时间 $0:30:60$ (秒),用 T 表示测试所得各点的温度($^{\circ}\text{C}$)。试用线性插值求出在一分钟内每隔20秒、钢轨每隔1米处的温度 T_I 。

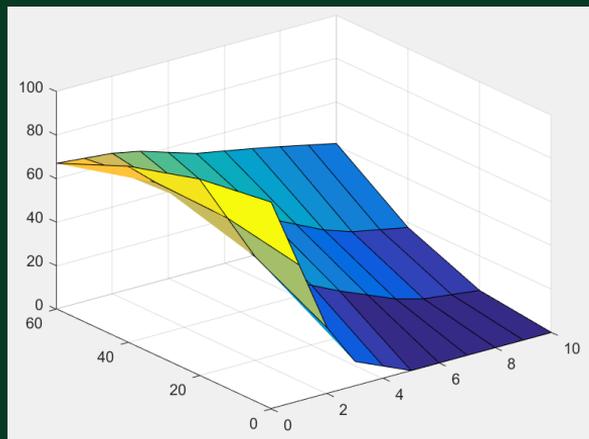
```
x=0:2.5:10; h=[0:30:60]';
```

```
T=[95,14,0,0,0; 88,48,32,12,6; 67,64,54,48,41];
```

```
xi=[0:10]; hi=[0:20:60]';
```

```
TI=interp2(x,h,T, xi, hi)
```

```
surf(xi,hi,TI)
```



4、曲线拟合

通过polyfit函数来求得最小二乘拟合多项式的系数，再用polyval函数按所得的多项式计算所给出的点上的函数近似值。

[p,s]=polyfit(x,y,m)

函数根据采样点x和采样点函数值y，产生一个m次多项式p及其在采样点的误差向量s。其中x, y是两个等长的向量，p是一个长度为m+1的向量，p的元素为多项式系数。

polyval(p,x)函数的功能是按多项式的系数计算x点多项式的值。

例: 已知数据表[t,y], 试求2次拟合多项式p(t), 然后求ti=1,1.5,2, 2.5, ...,9.5,10 各点的函数近似值。

t=1:10; y=[9.6 4.1 1.3 0.4 0.05 0.1 0.7 1.8 3.8 9.0];

p=polyfit(t,y,2)

结果: p =0.4561 -5.0412 13.2533

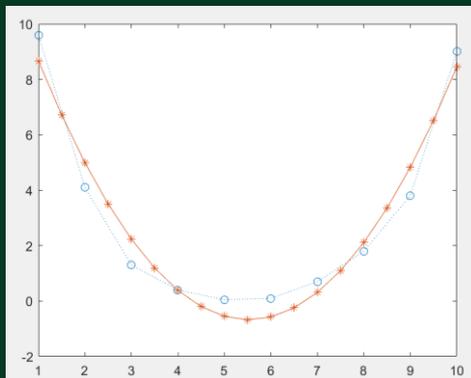
相当于 **y= 0.4561x² -5.0412 x+13.2533**

然后计算各点近似值并绘制拟合曲线。

ti=1:0.5:10

yi=polyval(p,ti)

plot(t,y,':o',ti,yi,'-*')



小结



在线开放课程

1. 数据的平滑处理
2. 数据的标准化变换
3. 数据插值
4. 曲线拟合