



石家莊鐵道大學
SHIJIAZHUANG TIEDAO UNIVERSITY

在线开放课程

机械设计

带传动-3

主讲：汪西应

目录

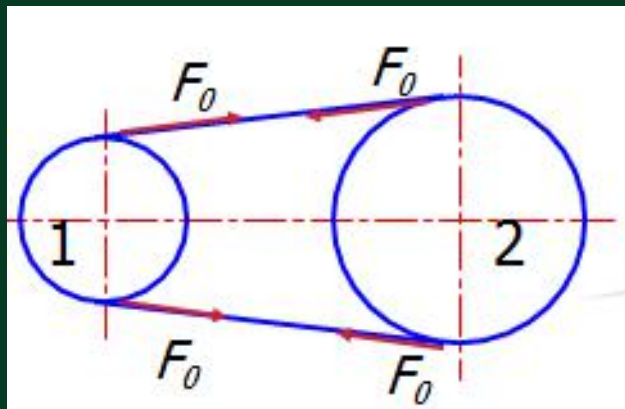


在线开放课程

- 1 带传动的受力分析
- 2 带的应力分析

1 带传动的受力分析

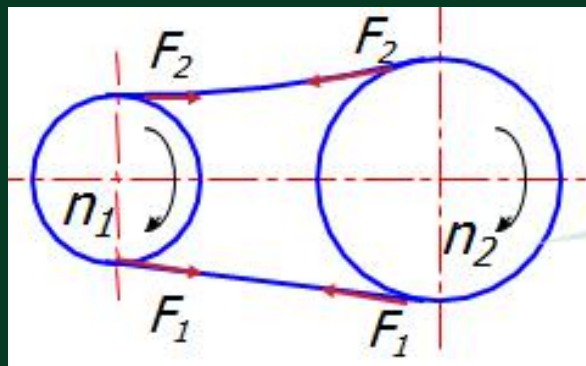
➤ 不工作时：



带必须以一定的拉力张紧在带轮上，
此时，传动带两边的拉力相等，都等
于 F_0

1 带传动的受力分析

➤ 工作时：



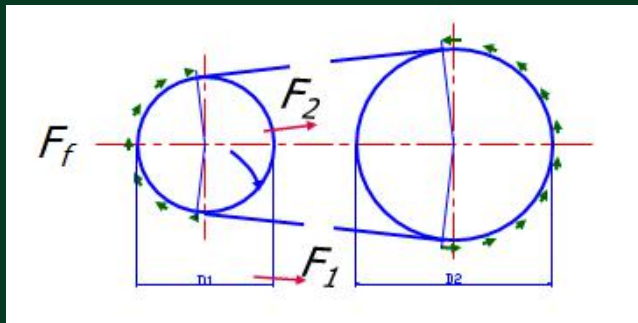
带绕上主动轮的一边被拉紧，该边拉力——紧边拉力 F_1 ；带绕上从动力的一边被放松，该边拉力——松边拉力 F_2 。

$$F_1 - F_0 = F_0 - F_2$$

$$F_1 + F_2 = 2F_0$$

1 带传动的工作情况分析

➤ 工作时:



带与带轮间的总摩擦力 F_f

$$F_f \frac{d_1}{2} - F_1 \frac{d_1}{2} + F_2 \frac{d_1}{2} = 0$$

得: $F_f = F_1 - F_2$

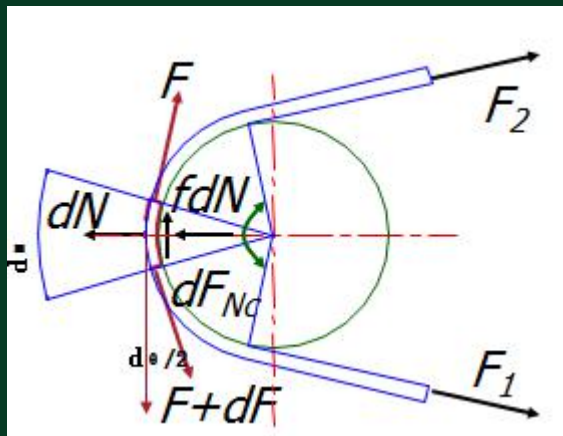
带传动的有效拉力 F_e

$$F_e = F_f = F_1 - F_2$$

$$F_1 = F_0 + \frac{F_e}{2}$$
$$F_2 = F_0 - \frac{F_e}{2}$$

1 带传动的受力分析

➤ 工作时：



$$F \sin \frac{d\theta}{2} + (F + dF) \sin \frac{d\theta}{2} - dN - dF_{Nc} = 0$$

$$\sin \frac{d\theta}{2} \approx \frac{d\theta}{2} \quad \text{则 } dN = Fd\theta - dF_{Nc}$$

$$dF_{Nc} = qv^2 d\theta \quad \text{则 } dF = fdN = f(F - qv^2)d\theta$$

$$\int_{F_2}^{F_1} \frac{dF}{F - qv^2} = \int_0^\alpha f d\theta$$

$$\ln \frac{F_1 - qv^2}{F_2 - qv^2} = f\alpha$$

$$\frac{F_1 - qv^2}{F_2 - qv^2} = e^{f\alpha}$$

$$F_1 = F_2 e^{f\alpha}$$

α —— 带在轮上的包角

dF_{Nc} —— 微段离心力

dN —— 微段正压力

注：若带速 $v \ll 10\text{m/s}$ 则离心力可以忽略不计。

1 带传动的受力分析

➤ 工作时：

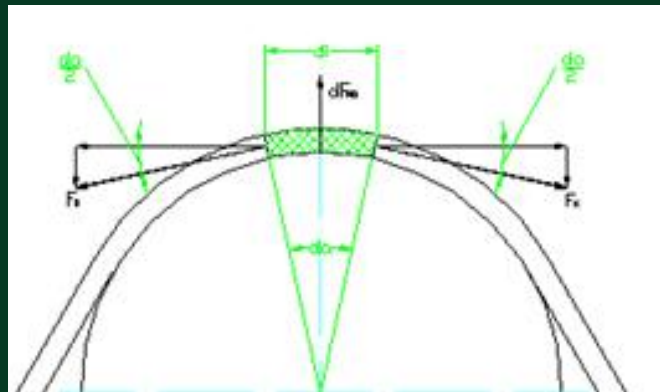
由离心力所产生的拉力(研究某一段 dl 即可)

$$\text{由 } \sum v = 0, dF_{N_c} = 2F_c \sin \frac{d\theta}{2}$$

$$q(R \cdot d\theta) \frac{v^2}{R} = 2F_c \sin \frac{d\theta}{2}$$

$$\because \frac{d\theta}{2} \downarrow, \therefore \sin \frac{d\theta}{2} \approx \frac{d\theta}{2}$$

$$F_c = qv^2$$



1 带传动的受力分析

➤ 工作时:

联立公式: $F_1 + F_2 = 2F_0$ $F_e = F_1 - F_2$ $F_1 = F_2 e^{f\alpha}$

带所能传递的最大有效拉力:

$$F_{e\max} = 2F_0 \frac{e^{f\alpha} - 1}{e^{f\alpha} + 1} = 2F_0 \frac{1 - 1/e^{f\alpha}}{1 + 1/e^{f\alpha}}$$

影响最大有效拉力的因素:

张紧力 F_0 : $F_{e\max}$ 与张紧力 F_0 成正比。

包角 α : $F_{e\max}$ 随包角 α 的增大而增大。

摩擦系数 f : $F_{e\max}$ 随摩擦系数 f 的增大而增大。

2 带的应力

(1) 离心应力 $\sigma_c = \frac{qv^2}{A}$

(2) 拉应力 $\sigma_1 = \frac{F_1}{A}$ $\sigma_2 = \frac{F_2}{A}$

(3) 弯曲应力 $\sigma_{b1} \approx E \frac{h}{D_1}$ $\sigma_{b2} \approx E \frac{h}{D_2}$

最大应力 $\sigma_{\max} \approx \sigma_c + \sigma_1 + \sigma_{b1}$

